

Hallar la traspuesta de la matriz A

Hallar

$$A^T = B^T$$

$$A = \begin{bmatrix} x & y & z \\ w & a & b \\ c & d & e \end{bmatrix} \quad A \text{ } 3 \times 3$$
$$B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} \quad B \text{ } 3 \times 3$$

Solución del ejercicio

Por definición, en álgebra lineal, toda matriz tiene traspuesta y dicha traspuesta significa la generación de una matriz cuyo orden se invierte, es decir, siendo $A [i,j] \text{ } n \times m$ entonces la traspuesta de la matriz A denotada por $A^T = A[i,j] \text{ } m \times n$, es decir, cada elemento de cada fila pasará a ser un elemento de cada columna.

Las propiedades básicas más comunes que maneja la traspuesta de una matriz es la de producto por escalar, ley distributiva en producto, suma/resta y matriz igual al hallar la doble traspuesta.

En este caso cada una de las variables toman el valor respectivo de la posición en la matriz traspuesta B debido a que es asumido como verdadero que $A^T = B^T$

Entonces, trasponiendo la matriz A y reemplazando por los datos de la traspuesta de la matriz B se tiene que $x = 1$; $y = 2$; $z = 3$; $w = 4$; $a = 5$; $b = 6$; $c = 7$; $d = 8$; $e = 9$

$$A^T = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$$

$B^T 3 \times 3$